Les fractions

I. Fractions et partage

1. Géométriquement

- Les morceaux coloriés représentent les $\frac{5}{8}$ de la bande.
- $\frac{5}{8}$ est une fraction et l'on dit cinq huitièmes.

l	ı			
l	l .			

2. Vocabulaire Nous sommes le dénominateu Le numérateur Le dénominateur

3. Repérer une fraction sur une demi-droite graduée

<u>Méthode</u>: Pour repérer la fraction $\frac{a}{b}$ sur une demi-droite graduée, on partage l'unité en b segments de même longueur, et on reporte a fois cette longueur à partir de zéro

Exemple: Placer $\frac{3}{5}$ sur une demi-droite graduée.



III. Fractions et quotients

1. Écriture décimale

La fraction $\frac{5}{8}$ possède une écriture décimale.

Pour la trouver, on calcule $\frac{5}{8} = 5 : 8 = 0,625$.

On dit que 0,625 est <u>l'écriture décimale</u> de $\frac{5}{8}$

2. Remarque

- Certaines fractions sont des nombres entiers : $\frac{10}{2} = 10$: 2 = 5
- Certaines fractions sont des nombres décimaux : $\frac{1}{4} = 1 : 4 = 0.25$
- Certaines fractions ne sont ni des nombres entiers, ni des nombres décimaux : $\frac{2}{3}$; $\frac{12}{7}$;

3. Conséquence

- Si une fraction a un numérateur plus grand que son dénominateur,

alors elle est plus grande que 1.

Exemple: $\frac{6}{4} > 1$

- Si une fraction a un numérateur plus petit que son dénominateur,

alors elle est plus petite que 1.

Exemple: $\frac{1}{2} < 1$

III. Égalité de fractions

1. Propriété

Une fraction ne change pas si l'on multiplie (ou si l'on divise) son numérateur ET son dénominateur par un même nombre différent de 0

2. Exemples

a.
$$\frac{5}{8} = \frac{25}{40}$$

b.
$$\frac{15}{18} = \frac{5}{6}$$

a.
$$\frac{5}{8} = \frac{25}{40}$$
 b. $\frac{15}{18} = \frac{5}{6}$ c. $\frac{1,7}{4} = \frac{17}{40}$ d. $\frac{9}{5} = \frac{81}{45}$

d.
$$\frac{9}{5} = \frac{81}{45}$$

$$\frac{6}{8}$$
 =

IV. Comparaison de fractions

1. Comparaison de fractions de même dénominateur

Pour comparer deux fractions ayant le même dénominateur, il suffit de comparer les numérateurs :

la fraction ayant le plus grand numérateur est la plus grande.

2. Exemple

Pour comparer $\frac{2}{5}$ et $\frac{4}{5}$, on compare les numérateurs :

comme 2 < 4 alors $\frac{2}{5} < \frac{4}{5}$.

2. Comparaison de fractions de dénominateurs multiples

Pour comparer deux fractions ayant des dénominateurs multiples, on modifie l'écriture des fractions pour qu'elles aient le même dénominateur.

4. Exemple

Pour comparer $\frac{2}{3}$ et $\frac{5}{7}$, on transforme les fractions :

$$\frac{2}{3} = \frac{14}{21}$$
 et $\frac{5}{7} = \frac{15}{21}$. Comme $\frac{14}{21} < \frac{15}{21}$ alors $\frac{2}{3} < \frac{5}{7}$.

